

一人の感想程度の解答ですので、参考程度に利用してください。

令和7年度京都府公立高等学校入学者選抜  
中期選抜学力検査

共通学力検査 数学

1

$$\begin{aligned} (1) \quad & 11 - \left(\frac{1}{2} - 1\right) \times (-2)^2 \\ &= 11 - \left(-\frac{1}{2}\right) \times 4 \\ &= 11 + \frac{1}{2} \times 4 \\ &= 11 + 2 \\ &= 13 \end{aligned}$$

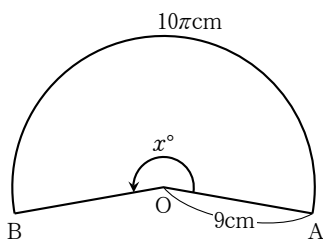
$$\begin{aligned} (2) \quad & \frac{5x-1}{6} - \frac{-x+2}{12} \\ &= \frac{2(5x-1)}{12} - \frac{-x+2}{12} \\ &= \frac{2(5x-1) - (-x+2)}{12} \\ &= \frac{10x-2+x-2}{12} \\ &= \frac{11x-4}{12} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & (8 - \sqrt{8})(1 + \sqrt{8}) \\ &= 8 \times 1 + 8 \times \sqrt{8} - \sqrt{8} \times 1 - (\sqrt{8})^2 \\ &= 8 + 8\sqrt{8} - \sqrt{8} - 8 \\ &= 7\sqrt{8} \\ &= 7 \times 2\sqrt{2} \\ &= 14\sqrt{2} \end{aligned}$$

(4) 中心角を  $x^\circ$  とする。

$$\text{弧長} = \text{円周} \times \frac{\text{中心角}}{360^\circ}$$

であるから



$$10\pi = 2\pi \times 9 \times \frac{x}{360}$$

両辺を  $2\pi$  で割ると

$$5 = 9 \times \frac{x}{360}$$

$$5 = \frac{x}{40}$$

$$\frac{x}{40} = 5$$

$$x = 5 \times 40 = 200$$

したがって、答えは  $200^\circ$

$$(5) \quad \begin{cases} x = -9y - 3 & \dots\dots ① \\ \frac{1}{3}x = 3y + 3 & \dots\dots ② \end{cases}$$

$$\begin{array}{rcl} ① & : & x = -9y - 3 \\ +) ② \times 3 & : & x = 9y + 9 \\ \hline & & 2x = 6 \end{array}$$

よって  $x = 3$

これを ① に代入して

$$3 = -9y - 3$$

$$9y = -3 - 3$$

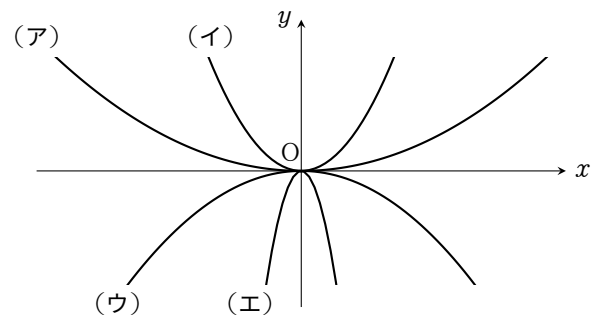
$$9y = -6$$

$$y = -\frac{6}{9} = -\frac{2}{3}$$

よって  $(x, y) = \left(3, -\frac{2}{3}\right)$

$$\begin{aligned} (6) \quad & ax^2 - 5ax - 24a \\ &= a(x^2 - 5x - 24) \\ &= a(x+3)(x-8) \end{aligned}$$

(7)



$y = -\frac{2}{7}x^2$  は  $x^2$  の係数がマイナスだから、そのグラフは (ウ) か (エ)。

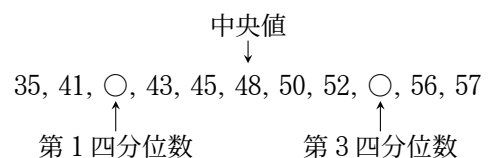
「 $x^2$  の係数の絶対値 (数字の部分) が小さいほど開き方は大きい」

$y = -7x^2$  の係数の絶対値 (数字の部分) は 7。  $\frac{2}{7} < 7$  であるから、 $y = -\frac{2}{7}x^2$  のほうが開き方が大きい。したがって、答えは (ウ)

(8) [とりあえず並べ変えよう]

$$\text{四分位範囲} = \text{第3四分位数} - \text{第1四分位数}$$

記録を小さいものから順に並べると



人数は 9 (奇数) なので、中央値は  $9 \div 2 + 0.5 =$

4.5 + 0.5 = 5 番目 (大小どちらからでも) の記録だから 48

第1四分位数は  $\frac{41 + 43}{2} = \frac{84}{2} = 42$

第3四分位数は  $\frac{50 + 56}{2} = \frac{106}{2} = 53$

したがって四分位範囲は  $53 - 42 = 11$

2



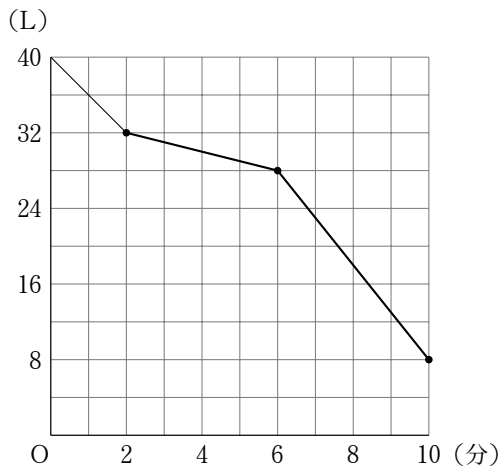
start	_____		
	Aのみ	毎分 4L 減る	傾き -4
2分後	_____		
	Bのみ	毎分 1L 減る	傾き -1
6分後	_____		
	A, B	毎分 5L 減る	傾き -5
10分後	_____		
finish	_____		

(1) 上の表に従って、2分後、6分後、10分後の座標を求めよう。[対応表を作るのがわかりやすいかな?]

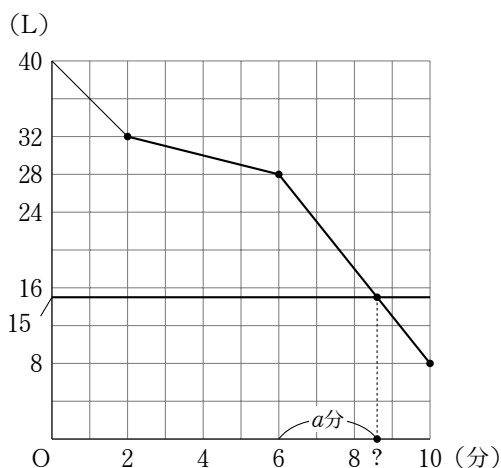
$x$	0	2	6	10
$y$	40	32	28	8

$4 \times 2 = 8L$  減る     $1 \times 4 = 4L$  減る     $5 \times 2 = 10L$  減る

したがって、次のように点(2, 32), (6, 28), (10, 8)を結ぶ折れ線を引く。



(2) [式を立ててもよいが、ここでは比を使ってみよう。]



上のグラフで、 $y = 15$  となるときの  $x$  座標を求めればよい。 $28 - 15 = 13$  より6分のときから13 L減っている。この区間は傾きが-5だから1分間で5 L減る。 $a$ 分間で13L減ると考えると、

$$1 : 5 = a : 13$$

が成り立つ。これを解いて

$$5a = 13$$

よって

$$a = \frac{13}{5} = 2 + \frac{3}{5}$$

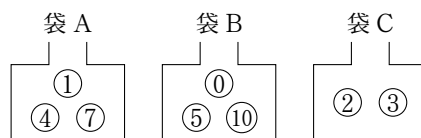
ここで、1分は60秒だから、 $\frac{3}{5}$ 分は

$$60 \times \frac{3}{5} = 36 \text{ 秒}$$

したがって、答えは6 + 2分に36秒を足して

**8分36秒後**

3



(1)  $a + b$  の値は、 $c = 2, 3$  のとき、次のようにそれぞれ9通りある。

$$1 + 0 = 1$$

$$1 + 5 = 6$$

$$1 + 10 = 11$$

$$4 + 0 = 4$$

$$4 + 5 = 9$$

$$4 + 10 = 14$$

$$7 + 0 = 7$$

$$7 + 5 = 12$$

$$7 + 10 = 17$$

$c = 2$  で割り切れるのは、6, 4, 14, 12の4通り。

また、 $c = 3$  で割り切れるのは、6, 9, 12の3通りである。

よって、 $a + b$  が  $c$  で割り切れるのは18通りのうち

4+3=7通りだから、

求める確率は  $\frac{7}{18}$

(2) [1]  $c = 2$  のとき、 $6a + 9b + 6$  の  $6a + 6 = 2(3a + 3)$  は偶数だから、必ず2で割り切れる ( $a$  の値は3通り)。そのおのおのについて、 $9b = 0, 45, 90$  が2で割り切れるのは0, 90のときだから2通り。よって、この場合は  $3 \times 2 = 6$  通りある。

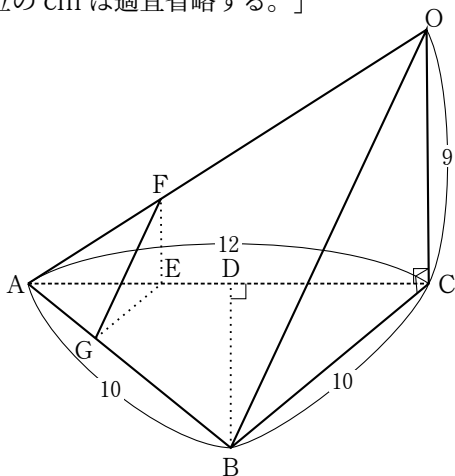
[2]  $c = 3$  のとき、 $6a + 9b + 6 = 3(2a + 3b + 2)$  であるから、 $6a + 9b + 6$  は3の倍数だから  $6a + 9b + 6$  は3で割り切れる。(これは全部で9通りある。)

したがって、求める確率は、[1], [2] より

$$\frac{6+9}{18} = \frac{15}{18} = \frac{5}{6}$$

注 (2) はすべての値を書き出してもよいが、18通りはさすがにしんどいので上のように工夫できるようにしよう。

4 [単位の cm は適宜省略する。]



(1)  $\triangle ABC$  は  $BA = BC$  の二等辺三角形で、頂点  $B$  から底辺  $AC$  に下ろした垂線は底辺  $AC$  を2等分する。

$BD = x$  とおくと

$$AD = 12 \times \frac{1}{2} = 6$$

であるから、 $\triangle BDA$  で三平方の定理を用いて

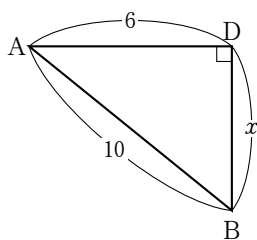
$$x^2 + 6^2 = 10^2$$

$$x^2 + 36 = 100$$

$$x^2 = 100 - 36 = 64$$

$$x > 0 \text{ より } x = 8$$

$$\text{よって } BD = 8\text{cm}$$



(2) 仮定より  $\triangle COB \sim \triangle EFG$

[相似比を求めよう。]

$$AD : DC = 1 : 1$$

$$AE : ED = 2 : 1$$

であるから

$$AE : ED : DC = 2 : 1 : 3$$

よって

$$AE : EC = 2 : (1 + 3) = 2 : 4 = 1 : 2$$

したがって、 $\triangle COB$  と  $\triangle EFG$  の相似比は

$$CO : EF = CA : EA = 3 : 1$$

よって面積比は  $3^2 : 1^2 = 9 : 1$

$$\triangle OBC = \frac{1}{2} \times 10 \times 9 = 45 \text{ であるから}$$

$$\triangle EFG = \frac{1}{9} \triangle OBC = \frac{1}{9} \times 45 = 5\text{cm}^2$$

(3) [三角錐 BEFG の体積を2通りの方法で求めよう。]

三角錐 BEFG の体積を  $V$  とする。

[1] 底面を  $\triangle BEG$  とすると、

高さは  $EF$  である。

まず、 $\triangle BEG$  の面積を求めよう。

$AG : GB = 1 : 2$  であったから、

$$\triangle BEG = \frac{2}{3} \triangle ABE$$

また、 $AE : AD = 2 : 3$  であったから

$$\triangle ABE = \frac{2}{3} \triangle ABD$$

以上から

$$\begin{aligned} \triangle BEG &= \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \triangle ABD \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \left( \frac{1}{2} \times 6 \times 8 \right) \\ &= \frac{1}{1} \times \frac{2}{3} \times \left( \frac{1}{1} \times 2 \times 8 \right) \\ &= \frac{2}{3} \times (2 \times 8) \\ &= \frac{32}{3} \end{aligned}$$

また、高さ  $EF$  は

$$EF : CO = 1 : 3 \text{ であるから } EF : 9 = 1 : 3$$

$$\text{よって } EF = \frac{9}{3} = 3$$

したがって

$$\begin{aligned} V &= \frac{1}{3} \times \triangle BEG \times EF \\ &= \frac{1}{3} \times \frac{32}{3} \times 3 \\ &= \frac{32}{3} \end{aligned}$$

[2] 底面を  $\triangle EFG$  としたときの高さを  $h$  とすると

$$\begin{aligned} V &= \frac{1}{3} \times \triangle EFG \times h \\ &= \frac{1}{3} \times 5 \times h \\ &= \frac{5}{3} h \end{aligned}$$

[1], [2] の  $V$  の値は等しいから

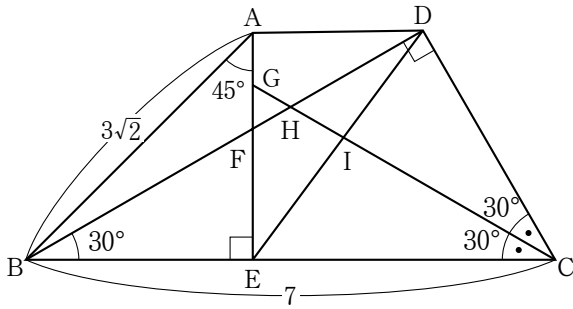
$$\frac{32}{3} = \frac{5}{3}h$$

$$\frac{5}{3}h = \frac{32}{3}$$

$$h = \frac{32}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{32}{5}$$

ゆえに、答えは  $\frac{32}{5}$  cm

5 [単位の cm は適宜省略する。]



(1) [まず BE を求めて、BC から引こう。]

$\triangle ABE$  は  $1 : 1 : \sqrt{2}$  の直角 2 等辺三角形であるから、

$$AB : BE = \sqrt{2} : 1$$

よって

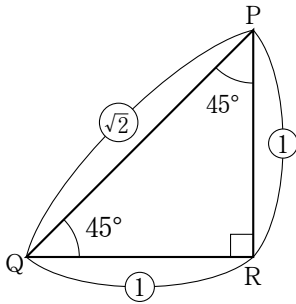
$$3\sqrt{2} : BE = \sqrt{2} : 1$$

$$\sqrt{2} \times BE = 1 \times 3\sqrt{2}$$

$$BE = 3$$

したがって  $CE = BC - BE = 7 - 3 = 4$

◆直角二等辺三角形  $1 : 1 : \sqrt{2}$



(2) [直接求める方法はないので、GE から EF を引く方針でいこう。]

$\triangle BEF$  は  $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$  の直角三角形で、辺の比は

$$1 : 2 : \sqrt{3}$$

よって  $BE : EF = \sqrt{3} : 1$

したがって

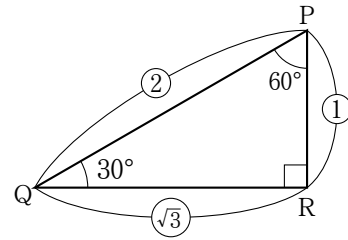
$$3 : EF = \sqrt{3} : 1$$

$$\sqrt{3}EF = 3 \times 1$$

$$EF = \frac{3}{\sqrt{3}} = \frac{3 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{3} = \sqrt{3}$$

◆直角三角形  $1 : 2 : \sqrt{3}$



また、 $\triangle CGE$  も同様に  $30^\circ, 60^\circ, 90^\circ$  の直角三角形で、辺の比は

$$1 : 2 : \sqrt{3}$$

よって

$$CE : EG = \sqrt{3} : 1$$

したがって

$$4 : EG = \sqrt{3} : 1$$

$$\sqrt{3} \times EG = 4 \times 1$$

$$EG = \frac{4}{\sqrt{3}}$$

$$EF = \frac{4 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$$

$$EF = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

以上から

$$FG = EG - EF = \sqrt{3} - \frac{4\sqrt{3}}{3} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

(3) [直接求める方法はないので、 $\triangle DEF - \triangle DHI$  で求めてみよう。そのために、 $DI : IE, DH : HF$ 、さらに  $\triangle DEF$  の底辺を  $EF$  としたときの高さを求める必要がある。]

[1]  $DI : IE$  を求めよう。

直線  $CI$  は  $\angle DCE$  の二等分線だから、

$$DI : IE = CD : CE \dots\dots ①$$

ここで

$$CD : BC : BD = 1 : 2 : \sqrt{3}$$

であるから

$$CD : 7 : BD = 1 : 2 : \sqrt{3}$$

$$CD : 7 = 1 : 2 \quad \text{より} \quad 2CD = 7$$

$$\text{よって} \quad CD = \frac{7}{2} \dots\dots ②$$

また

$$7 : BD = 2 : \sqrt{3} \quad \text{より} \quad 2BD = 7\sqrt{3}$$

$$\text{よって} \quad BD = \frac{7\sqrt{3}}{2} \dots\dots ③$$

したがって、①に代入して

$$DI : IE = \frac{7}{2} : 4 = 7 : 8$$

[2]  $DH : HF$  を求めよう。

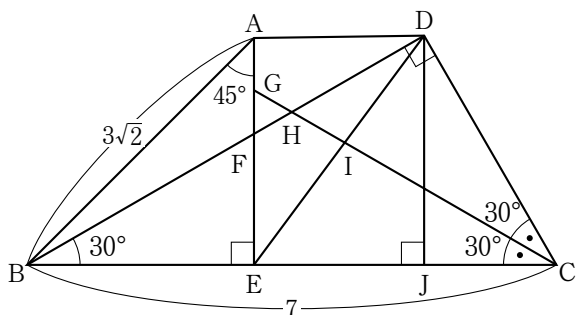
まず、直線  $CH$  が  $\angle DCE$  の二等分線であることから

$$DH : HB = DC : BC$$

$$\begin{aligned} DH : HB &= DC : BC \\ &= \frac{7}{2} : 7 = 7 : 14 \\ &= 1 : 2 \dots\dots ④ \end{aligned}$$

次に DF : FB を求めよう。

点 D から線分 BC に垂線 DJ を下ろす。



△BJD は 30°, 60°, 90° の直角三角形だから、辺の比は

$$1 : 2 : \sqrt{3}$$

よって  $DJ : DB = 1 : 2$

したがって、③より

$$DJ : \frac{7\sqrt{3}}{2} = 1 : 2$$

$$2DJ = \frac{7\sqrt{3}}{2} \times 1$$

$$DJ = \frac{7\sqrt{3}}{2} \times \frac{1}{2}$$

$$DJ = \frac{7\sqrt{3}}{4} \dots\dots ⑤$$

よって、DJ // FE より

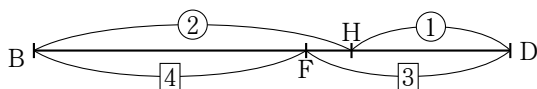
$$BF : BD = FE : DJ$$

$$= \sqrt{3} : \frac{7\sqrt{3}}{4}$$

$$= 4 : 7$$

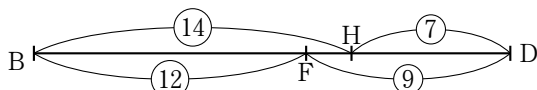
したがって  $BF : FD = 4 : 3 \dots\dots ⑥$

ゆえに、④と⑥から



点 H は線分 BD を 3 等分したうちの左から 2 つ分、点 F は線分 BD を 7 等分したうちの左から 4 つ分。

3 等分と 7 等分では比べられないので、3 と 7 の最小公倍数 21 を考えて、線分 BD を 21 等分したと考えると次のようになる。



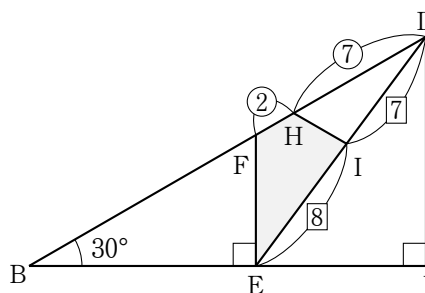
したがって  $FH : HD = (14 - 4) : 7 = 10 : 7 = 2 : 7$

よって

$$\text{四角形 EIHF} = \triangle DEF - \triangle DHI$$

$$= \triangle DEF - \frac{7}{2+7} \times \frac{7}{7+8} \times \triangle DEF$$

$$\begin{aligned} &= \triangle DEF - \frac{7}{9} \times \frac{7}{15} \times \triangle DEF \\ &= \left(1 - \frac{49}{135}\right) \triangle DEF \\ &= \frac{135 - 49}{135} \triangle DEF \\ &= \frac{86}{135} \triangle DEF \end{aligned}$$



さて、△DEF の面積だが、底辺を FE とすると高さは EJ となる。EJ = BJ - BE であり、DJ : JB = 1 : √3 であったから、⑤より

$$\frac{7\sqrt{3}}{4} : JB = 1 : \sqrt{3}$$

$$JB = \frac{7\sqrt{3}}{4} \times \sqrt{3} = \frac{21}{4}$$

したがって、BE = 3 であったから

$$EJ = BJ - BE = \frac{21}{4} - 3 = \frac{21 - 12}{4} = \frac{9}{4}$$

ゆえに [(2) の過程で EF = √3 が分かっている]

$$\text{四角形 EIHF} = \frac{86}{135} \triangle DEF$$

$$= \frac{86}{135} \times \left(\frac{1}{2} \times EF \times EJ\right)$$

$$= \frac{86}{135} \times \left(\frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \frac{9}{4}\right)$$

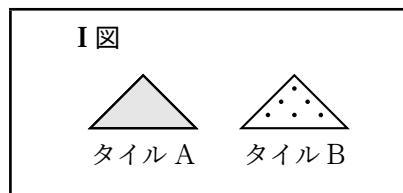
$$= \frac{86}{135} \times \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times \frac{9}{4}$$

$$= \frac{43}{15} \times \frac{1}{1} \times \sqrt{3} \times \frac{1}{4}$$

$$= \frac{43\sqrt{3}}{60} \text{cm}^2$$

☞注 あれやこれや求めないといけないので結構たいへんです。たくさん図が描いてありますが、皆さんはこんな図をたくさん描かなくてもできるかもしれませんね。1 : 1 : √2 とか 1 : 2 : √3 を利用すること、角の二等分線が対辺を分ける比などが理解できていれば、一本道なのでひたすら計算するだけです。頑張りましょう。

6



[規則性を見つけよう。]

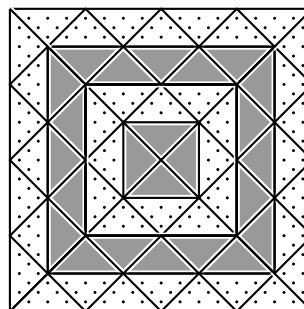
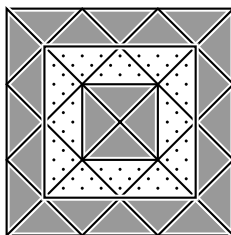
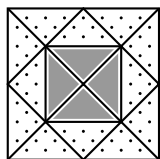
## II 図

1 番目の図形

2 番目の図形

3 番目の図形

4 番目の図形



...

何枚ずつ増えていくかを考えると

[1] 1 番目の図形は全部で  $4 (= 2^2)$  枚。

[2] 1 番目の図形から 2 番目の図形へは、 $3 \times 4 = 12$  枚増える。したがって、2 番目の図形に含まれるタイルは全部で  $4 + 12 = 16 (= 4^2)$  枚。

[3] 2 番目の図形から 3 番目の図形へは、 $5 \times 4 = 20$  枚増える。したがって、3 番目の図形に含まれるタイルは全部で  $16 + 20 = 36 (= 6^2)$  枚。

[4] 3 番目の図形から 4 番目の図形へは、 $7 \times 4 = 28$  枚増える。したがって、4 番目の図形に含まれるタイルは全部で  $36 + 28 = 64 (= 8^2)$  枚。

[ $n$ ]  $n$  番目の図形に含まれるタイルは全部で  $(2 \times n)^2$  枚と考えてよい。

(1) 5 番目の図形のタイル A の枚数は、内側から外側へ順に足していくと

$$1 \times 4 + 5 \times 4 + 9 \times 4 = 4 + 20 + 36 = 60 \text{ 枚}$$

6 番目の図形のタイル B の枚数は、内側から外側へ順に足していくと

$$3 \times 4 + 7 \times 4 + 11 \times 4 = 12 + 28 + 44 = 84 \text{ 枚}$$

注 6 番目の図形に含まれるタイル A の枚数は、5 番目の図形に含まれるタイル A の枚数 60 枚に等しい。6 番目の図形に含まれるすべてのタイルの枚数は  $(2 \times 6)^2 = 12^2 = 144$  枚であるから、6 番目の図形のタイル B の枚数は

(6 番目の図形のタイルの総数)

− (5 番目の図形のタイル A の枚数)

$$= 144 - 60 = 84 \text{ 枚}$$

(2)  $n$  番目の図形のタイル A の枚数とタイル B の枚数の合計は上の規則性から  $(2 \times n)^2$  枚であり、これが 3600 枚であることから

$$(2 \times n)^2 = 3600$$

$$4n^2 = 3600$$

$$n^2 = 900 = 30^2$$

$n > 0$  だから

$$n = 30$$

タイル A の枚数は

$$1 \times 4 + 5 \times 4 + 9 \times 4 + \dots + 57 \times 4 \quad [4 \text{ でくくろう}]$$

$$= 4(1 + 5 + 9 + \dots + 57)$$

[括弧内は 15 個の数のたし算。次の法を使って計算しよう。最初と最後の数、2 番目と最後から 2 番目の数、 $\dots$ 、7 番目と 9 番目の数、8 番目と 8 番目の数をそれぞれ足すと、和は 2 倍になるので 2 で割って]

$$= 4 \times \frac{1}{2} \times (58 + 58 + \dots + 58)$$

$$= 4 \times \frac{1}{2} \times 58 \times 15$$

$$= 4 \times 29 \times 15$$

$$= 60 \times 29 = 1740 \text{ 枚}$$

注 上のような規則的な数の和は、「最初の数と最後の数を足して 2 で割って個数をかける」と覚えておこう。京都府の入試では毎年出題されている。

	1	5	9	...	49	53	57
+	57	53	49	...	9	5	1
	58	58	58	...	58	58	58
	15 個						

(以上)